

## 初一数学练习 2

### 一. 选择题 (共 10 小题, 每小题 3 分, 共 30 分)

1. 7 的相反数是

- A.  $-\frac{1}{7}$       B.  $-7$       C.  $\frac{1}{7}$       D.  $7$

2. 据报道, 2023 年“五一”假期全国国内旅游出游合计 274 000 000 人次.

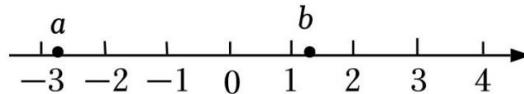
数字 274 000 000 用科学记数法表示是

- A.  $27.4 \times 10^7$       B.  $2.74 \times 10^8$       C.  $0.274 \times 10^9$       D.  $2.74 \times 10^9$

3. 下列各式中, 计算结果为 1 的是

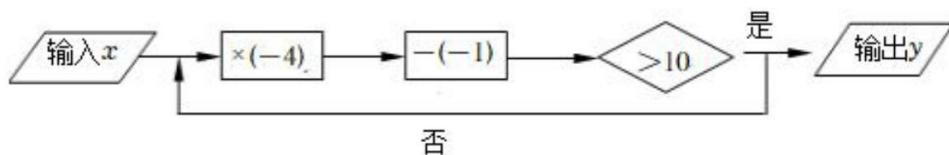
- A.  $-(-1)$       B.  $-|-1|$       C.  $(-1)^3$       D.  $-1^4$

4. 有理数  $a$ ,  $b$  在数轴上的对应点的位置如图所示, 下列结论中正确的是



- A.  $a > -2$       B.  $ab > 0$       C.  $a < b$       D.  $|a| > |b|$

5. 如图所示的程序计算, 若开始输入的值为  $-\frac{1}{2}$ , 则输出的结果  $y$  是



- A. 25      B. 30      C. 45      D. 40

6. 若  $|m|=5$ ,  $|n|=2$ , 则  $|m-n|$  的值为

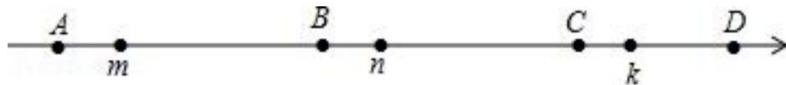
- A. 7      B. 3 或  $-3$       C. 3      D. 7 或 3

7. 定义一种新运算:  $a * b = a^2 - 3b$ , 如  $2 * 1 = 2^2 - 3 \times 1 = 1$ , 则  $(3 * 2) * (-1)$  的结果为

- A. 6      B. 12      C. -12      D. -6

8. 有理数  $m$ ,  $n$ ,  $k$  在数轴上的对应点的位置如图所示, 若  $m+n < 0$ ,  $n+k > 0$ , 则

$A$ ,  $B$ ,  $C$ ,  $D$  四个点中可能是原点的是



- A.  $A$  点      B.  $B$  点      C.  $C$  点      D.  $D$  点

9. 某校模型社团制作建筑模型, 为确保稳定性, 模型高度的精度要求如下:

设计高度 $h$ (单位: $cm$ )	$0 < h \leq 30$	$30 < h \leq 60$	$60 < h \leq 90$	$h > 90$
允许偏差 (单位: $mm$ )	$\pm 5$	$\pm 10$	$\pm 15$	$\pm 20$

社团成员对编号为甲, 乙, 丙, 丁的四个模型进行测量, 获得了以下数据:

模型编号	甲	乙	丙	丁
设计高度 $h$ (单位: $cm$ )	30.0	32.0	74.0	95.0
实际高度 (单位: $cm$ )	29.6	32.0	72.8	97.1

其中不符合精度要求的是

- A. 甲      B. 乙      C. 丙      D. 丁
10. 对于若干个数, 先将每两个数作差, 再将这些差的绝对值进行求和, 这样的运算称为对这若干个数的“差绝对值运算”, 例如, 对于 1, 2, 3 进行“差绝对值运算”, 得  $|1-2|+|2-3|+|1-3|=4$ .

①对 -1, 3, 4, 6 进行“差绝对值运算”的结果是 22;

②  $x, -\frac{5}{2}, 5$  的“差绝对值运算”的最小值是 15;

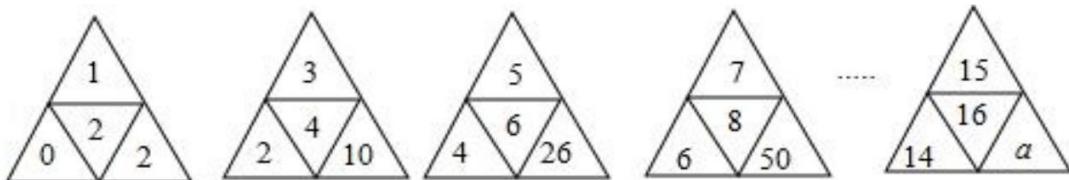
③  $a, b, c$  的“差绝对值运算”化简结果可能存在的不同表达式一共有 8 种;

以上说法中正确的个数为

- A. 0 个      B. 1 个      C. 2 个      D. 3 个

**二. 填空题 (共 10 小题, 每小题 3 分, 共 30 分)**

11. 如果  $80m$  表示向东走  $80m$ , 则  $-50m$  表示\_\_\_\_\_.
12. 比较大小:  $-2$  \_\_\_\_\_  $-3$ .
13. 若  $|a| + b^2 = 0$ , 则  $a + b =$  \_\_\_\_\_.
14. 写出一个比  $-1$  小的整数为\_\_\_\_\_.
15. 用四舍五入法对  $0.618$  取近似数 (精确到  $0.1$ ) 是\_\_\_\_\_.
16. 已知  $a$ 、 $b$  互为相反数,  $c$ 、 $d$  互为倒数, 则  $(a+b)^2 + cd =$  \_\_\_\_\_.
17. 当  $m =$  \_\_\_\_\_ 时,  $3 + |m-1|$  有最小值, 最小值是\_\_\_\_\_.
18. 数轴上与表示  $-3$  的点的距离等于  $4$  的点表示的有理数是\_\_\_\_\_.
19. 找出下列各图形中数的规律, 依此可得  $a$  的值为\_\_\_\_\_.



20. 四个互不相等的实数  $a$ ,  $b$ ,  $c$ ,  $m$  在数轴上的对应点分别为  $A$ ,  $B$ ,  $C$ ,  $M$ , 其中  $a=4$ ,  $b=7$ ,  $c$  为整数,  $m=0.2(a+b+c)$ .

- (1) 若  $c=10$ , 则  $A$ ,  $B$ ,  $C$  中与  $M$  距离最小的点为\_\_\_\_\_;
- (2) 若在  $A$ ,  $B$ ,  $C$  中, 点  $C$  与点  $M$  的距离最小, 则符合条件的点  $C$  有\_\_\_\_\_个.

**三. 解答题 (第 21 题 16 分, 第 22、23 题每题 4 分, 第 24 题 5 分, 第 25 题 6 分, 第 26 题 5 分)**

21. 计算:

$$(1) 12 - (-18) + (-7) - 15; \quad (2) \left(\frac{2}{3} - \frac{5}{6} + \frac{3}{4} - \frac{1}{2}\right) \div \left(-\frac{1}{24}\right)$$

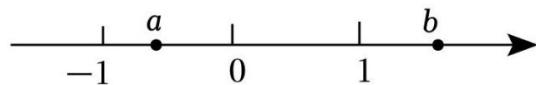
$$(3) -3 - \left[-5 + \left(1 - 2 \times \frac{3}{5}\right) \div (-2)\right]; \quad (4) -1^{20} + 2^3 \div (-2)^3 + (-4) \times (-3).$$

,

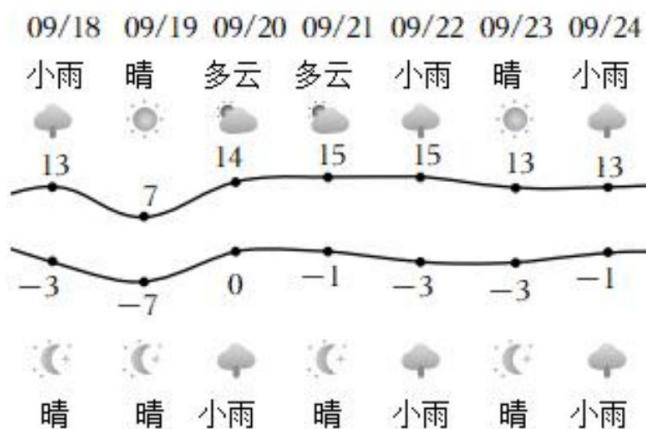
22. 有理数  $a$ ,  $b$  在数轴上的对应点的位置如图所示.

(1) 判断:  $-a$  \_\_\_\_\_ 1 (填“ $>$ ”, “ $<$ ”或“ $=$ ”);

(2) 用“ $<$ ”将  $a$ ,  $a+1$ ,  $b$ ,  $-b$  连接起来 (直接写出结果).



23. 中国最北城市——漠河在某周中的日最高最低气温 (单位:  $^{\circ}\text{C}$ ) 如图所示:



根据图中信息回答下列问题:

(1) 在这周内, 日最低气温达到最小值的日期是\_\_\_\_\_, 当天的日最低气温为\_\_\_\_\_ $^{\circ}\text{C}$ ;

(2) 在这周内, 日温差最大的日期是\_\_\_\_\_, 当天日温差为\_\_\_\_\_ $^{\circ}\text{C}$ .

24. 数轴上表示数  $x$  的点与原点的距离, 记作  $|x|$ .

- (1) 数轴上表示数  $x$  的点与表示  $-1$  的点的距离, 可以记作\_\_\_\_\_;
- (2) 当  $x=0$  时,  $|x-1|-|x+1|$  的值为\_\_\_\_\_; 当  $x=1$  时,  $|x-1|-|x+1|$  的值为\_\_\_\_\_; 当  $x=-1$  时,  $|x-1|-|x+1|$  的值为\_\_\_\_\_.
- (3) 当  $x$  分别取  $\pm 2$ ,  $\pm 3$ , ..., 请你计算  $|x-1|-|x+1|$  的值, 然后观察, 思考并得出结论: 对于有理数  $a$ , 当  $x$  取任意一对相反数  $m$  与  $-m$  的值时,  $|x-a|-|x+a|$  的两个值的关系是\_\_\_\_\_.

25. 先阅读下面材料, 再完成任务:

**【材料】**

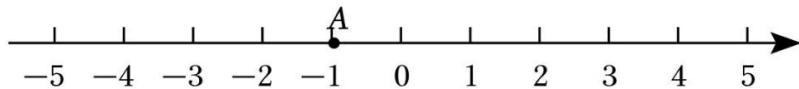
下列等式:  $4 - \frac{3}{5} = 4 \times \frac{3}{5} + 1$ ,  $7 - \frac{3}{4} = 7 \times \frac{3}{4} + 1$ , ... , 具有  $a - b = ab + 1$  的结构特征, 我们把满足这一特征的一对有理数称为“共生有理数对”, 记作  $(a, b)$ . 例如:  $(4, \frac{3}{5})$ 、 $(7, \frac{3}{4})$  都是“共生有理数对”.

**【任务】**

- (1) 在两个数对  $(-2, 1)$ 、 $(2, \frac{1}{3})$  中, “共生有理数对”是\_\_\_\_\_.
- (2) 请再写出一对“共生有理数对”\_\_\_\_\_; (要求: 不与题目中已有的“共生有理数对”重复)
- (3) 若  $(x, -2)$  是“共生有理数对”, 求  $x$  的值;
- (4) 若  $(m, n)$  是“共生有理数对”, 判断  $(-n, -m)$  是不是“共生有理数对”, 并说明理由.

26. 在数轴上有  $A$ ,  $B$  两点, 点  $B$  表示的数为  $b$ . 对点  $A$  给出如下定义: 当  $b \geq 0$  时, 将点  $A$  向右移动 2 个单位长度, 得到点  $P$ ; 当  $b < 0$  时, 将点  $A$  向左移动  $|b|$  个单位长度, 得到点  $P$ . 称点  $P$  为点  $A$  关于点  $B$  的“联动点”. 如图, 点  $A$  表示的数为  $-1$ .

- (1) 在图中画出当  $b=4$  时, 点  $A$  关于点  $B$  的“联动点”  $P$ ;
- (2) 点  $A$  从数轴上表示  $-1$  的位置出发, 以每秒 1 个单位的速度向右运动. 点  $B$  从数轴上表示 7 的位置同时出发, 以相同的速度向左运动, 两个点运动的时间为  $t$  秒.
  - ① 点  $B$  表示的数为\_\_\_\_\_用含  $t$  的式子表示);
  - ② 是否存在  $t$ , 使得此时点  $A$  关于点  $B$  的“联动点”  $P$  恰好与原点重合? 若存在, 请求出  $t$  的值; 若不存在, 请说明理由.



# 2023 年 09 月 24 日 lxs0212 的初中数学组卷

参考答案与试题解析

## 一. 选择题 (共 10 小题)

1. 7 的相反数是 ( )

- A.  $-\frac{1}{7}$       B.  $-7$       C.  $\frac{1}{7}$       D. 7

【解答】解: 7 的相反数是 -7,

故选: B.

2. 据报道, 2023 年“五一”假期全国国内旅游出游合计 274000000 人次. 数字 274000000 用科学记数法表示是( )

- A.  $27.4 \times 10^7$       B.  $2.74 \times 10^8$       C.  $0.274 \times 10^9$       D.  $2.74 \times 10^9$

【解答】解:  $274000000 = 2.74 \times 10^8$ .

故选: B.

3. 下列各式中, 计算结果为 1 的是( )

- A.  $-(-1)$       B.  $-|-1|$       C.  $(-1)^3$       D.  $-1^4$

【解答】解: A. 根据相反数的定义,  $-(-1) = 1$ , 那么 A 符合题意.

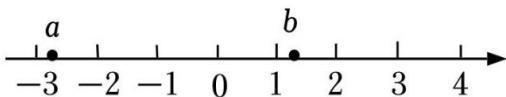
B. 根据绝对值的定义,  $-|-1| = -1$ , 那么 B 不符合题意.

C. 根据乘方的定义,  $(-1)^3 = -1$ , 那么 C 不符合题意.

D. 根据乘方的定义,  $-1^4 = -1$ , 那么 D 不符合题意.

故选: A.

4. 有理数  $a$ ,  $b$  在数轴上的对应点的位置如图所示, 下列结论中正确的是( )



- A.  $a > -2$       B.  $ab > 0$       C.  $?a < b$       D.  $|a| > |b|$

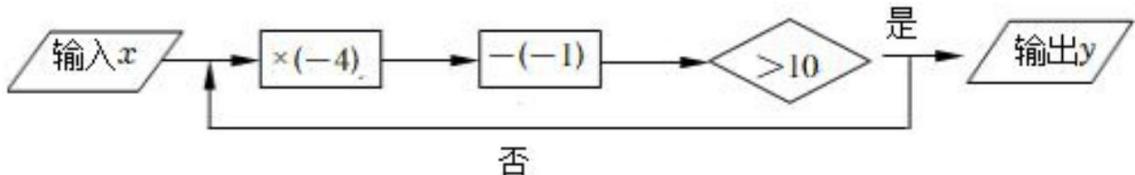
【解答】解: 由数轴可知,  $-3 < a < -2$ ,  $1 < b < 2$ ,

$$\therefore ab < 0, \quad ?a > b, \quad |a| > |b|,$$

$\therefore$  选项 ABC 是错误的, 只有选项 D 是正确的.

故选: D .

5. 如图所示的程序计算, 若开始输入的值为  $-\frac{1}{2}$ , 则输出的结果  $y$  是( )



- A. 25      B. 30      C. 45      D. 40

【解答】解:  $(-\frac{1}{2}) \times (-4) - (-1) = 2 + 1 = 3 < 10$ ,

再次输入运算:

$$3 \times (-4) - (-1) = -12 + 1 = -11 < 10,$$

再次输入运算:

$$(-11) \times (-4) - (-1) = 44 + 1 = 45 > 10,$$

$\therefore$  输出的结果  $y=45$ ,

故选: C .

6. 若  $|m|=5$ ,  $|n|=2$ , 则  $|m-n|$  的值为( )

- A. 7      B. 3 或 -3      C. 3      D. 7 或 3

【解答】解:  $\because |m|=5$ ,  $|n|=2$ ,

$$\therefore m=\pm 5, \quad n=\pm 2,$$

又  $\because m$ 、 $n$  异号,

$$\therefore m=5, \quad n=-2 \text{ 或 } m=-5, \quad n=2,$$

当  $m=5$ 、 $n=-2$  时,  $|m-n|=|5-(-2)|=7$ ;

当  $m=-5$ 、 $n=2$  时,  $|m-n|=|-5-2|=7$ ;

又  $\because m$ 、 $n$  同号,

$$\therefore m=5, \quad n=2 \text{ 或 } m=-5, \quad n=-2,$$

当  $m=5$ 、 $n=2$  时， $|m-n|=|5-2|=3$ ；

当  $m=-5$ 、 $n=-2$  时， $|m-n|=|-5-(-2)|=3$ ；

综上  $|m-n|$  的值为 7 或 3，

故选：D.

7. 定义一种新运算： $a*b=a^2-3b$ ，如  $2*1=2^2-3\times 1=1$ ，则  $(3*2)*(-1)$  的结果为（ ）

- A. 6                  B. 12                  C. -12                  D. -6

【解答】解：根据题中的新定义得：

$$\text{原式}=(3^2-3\times 2)*(-1)$$

$$=3*(-1)$$

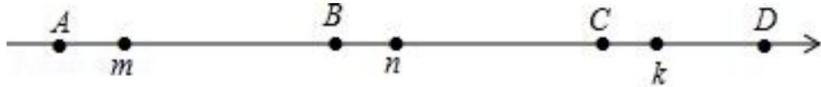
$$=3^2-3\times(-1)$$

$$=9+3$$

$$=12.$$

故选：B.

8. 有理数  $m$ ， $n$ ， $k$  在数轴上的对应点的位置如图所示，若  $m+n < 0$ ， $n+k > 0$ ，则  $A$ ， $B$ ， $C$ ， $D$  四个点中可能是原点的是（ ）



- A.  $A$  点                  B.  $B$  点                  C.  $C$  点                  D.  $D$  点

【解答】解：若点  $A$  为原点，可得  $0 < m < n < k$ ，则  $m+n > 0$ ，与题意不符合，故选项 A 不符合题意；

若点  $B$  为原点，可得  $m < 0 < n < k$ ，且  $|m| > n$ ，则  $m+n < 0$ ， $n+k > 0$ ，符合题意，故选项 B 符合题意；

若点  $C$  为原点，可得  $m < n < 0 < k$ ，且  $|n| > |k|$ ，则  $n+k < 0$ ，与题意不符合，故选项 C 不符合题意；

若点  $D$  为原点，可得  $m < n < k < 0$ ，则  $n+k < 0$ ，与题意不符合，故选项 D 不符合题意；

故选：B.

9. 某校模型社团制作建筑模型，为确保稳定性，模型高度的精度要求如下：

设计高度 $h$ (单位: cm)	$0 < h \leq 30$	$30 < h \leq 60$	$60 < h \leq 90$	$h > 90$
允许偏差 (单位: mm)	$\pm 5$	$\pm 10$	$\pm 15$	$\pm 20$

社团成员对编号为甲，乙，丙，丁的四个模型进行测量，获得了以下数据：

模型编号	甲	乙	丙	丁
设计高度 $h$ (单位: cm)	30.0	32.0	74.0	95.0
实际高度 (单位: cm)	29.6	32.0	72.8	97.1

其中不符合精度要求的是( )

- A. 甲      B. 乙      C. 丙      D. 丁

【解答】解：甲、 $30.0 - 29.6 = 0.4\text{cm} = 4\text{mm} < 5\text{mm}$ ，符合精度要求；

乙、 $32.0 - 32.0 = 0\text{mm} < 10\text{mm}$ ，符合精度要求；

丙、 $74.0 - 72.8 = 1.2\text{cm} = 12\text{mm} < 15\text{mm}$ ，符合精度要求；

丁、 $97.1 - 95.0 = 2.1\text{cm} = 21\text{mm} > 20\text{mm}$ ，不符合精度要求；

故选：D.

10. 对于若干个数，先将每两个数作差，再将这些差的绝对值进行求和，这样的运算称为对这若干个数的“差绝对值运算”，例如，对于 1, 2, 3 进行“差绝对值运算”，得

$$|1-2| + |2-3| + |1-3| = 4.$$

①对 -1, 3, 4, 6 进行“差绝对值运算”的结果是 22;

②  $x, -\frac{5}{2}, 5$  的“差绝对值运算”的最小值是 15;

③ $a$ ,  $b$ ,  $c$  的“差绝对值运算”化简结果可能存在的不同表达式一共有 8 种;

以上说法中正确的个数为( )

- A. 0 个      B. 1 个      C. 2 个      D. 3 个

【解答】解：①对  $-1$ ,  $3$ ,  $4$ ,  $6$  进行“差绝对值运算”得：

$$|-1-3|+|-1-4|+|-1-6|+|3-4|+|3-6|+|4-6|=4+5+7+1+3+2=22,$$

故①正确；

②对  $x$ ,  $-\frac{5}{2}$ ,  $5$  进行“差绝对值运算”得： $|x+\frac{5}{2}|+|x-5|+|-\frac{5}{2}-5|=|x+\frac{5}{2}|+|x-5|+\frac{15}{2}$ ,

$\because |x+\frac{5}{2}|+|x-5|$  表示的是数轴上点  $x$  到  $-\frac{5}{2}$  和  $5$  的距离之和，

$\therefore |x+\frac{5}{2}|+|x-5|$  的最小值为  $\frac{5}{2}+5=\frac{15}{2}$ ,

$\therefore x$ ,  $-\frac{5}{2}$ ,  $5$  的“差绝对值运算”的最小值是： $\frac{15}{2}+\frac{15}{2}=15$ ，故②不正确；

对  $a$ ,  $b$ ,  $c$  进行“差绝对值运算”得： $|a-b|+|a-c|+|b-c|$ ,

当  $a-b \geq 0$ ,  $a-c \geq 0$ ,  $b-c \geq 0$ ,  $|a-b|+|a-c|+|b-c|=a-b+a-c+b-c=2a-2c$ ,

当  $a-b \geq 0$ ,  $a-c \geq 0$ ,  $b-c \leq 0$ ,  $|a-b|+|a-c|+|b-c|=a-b+a-c-b+c=2a-2b$ ,

当  $a-b \geq 0$ ,  $a-c \leq 0$ ,  $b-c \geq 0$ ,  $|a-b|+|a-c|+|b-c|=a-b-a+c+b-c=0$ ,

当  $a-b \geq 0$ ,  $a-c \leq 0$ ,  $b-c \leq 0$ ,  $|a-b|+|a-c|+|b-c|=a-b-a+c-b+c=2c-2b$ ,

当  $a-b \leq 0$ ,  $a-c \leq 0$ ,  $b-c \leq 0$ ,  $|a-b|+|a-c|+|b-c|=-a+b-a+c-b+c=-2a+2c$ ,

当  $a-b \leq 0$ ,  $a-c \geq 0$ ,  $b-c \geq 0$ ,  $|a-b|+|a-c|+|b-c|=-a+b+a-c+b-c=2b-2c$ ,

当  $a-b \leq 0$ ,  $a-c \geq 0$ ,  $b-c \leq 0$ ,  $|a-b|+|a-c|+|b-c|=-a+b+a-c-b+c=0$ ,

当  $a-b \leq 0$ ,  $a-c \leq 0$ ,  $b-c \geq 0$ ,  $|a-b|+|a-c|+|b-c|=-a+b-a+c+b-c=-2a+2b$ ,

$a$ ,  $b$ ,  $c$  的“差绝对值运算”化简结果可能存在的不同表达式一共有 7 种，

故③不正确；

综上，故只有 1 个正确的.

故选：B .

## 二. 填空题（共 10 小题）

11. 如果  $80m$  表示向东走  $80m$ ，则  $-50m$  表示 向西走  $50m$ .

**【解答】**解：如果  $80m$  表示向东走  $80m$ ，则  $-50m$  表示向西走  $50m$ .

故答案为：向西走  $50m$ .

12. 比较大小： $-2$   $>$   $-3$ .

**【解答】**解：在两个负数中，绝对值大的反而小，可求出  $-2 > -3$ .

故答案为： $>$ .

13. 若  $|a| + b^2 = 0$ ，则  $a + b = \underline{0}$ .

**【解答】**解： $\because |a| + b^2 = 0$ ， $|a| \geq 0$ ， $b^2 \geq 0$ ，

$$\therefore a = 0, b = 0,$$

$$\therefore a + b = 0 + 0 = 0.$$

故答案为：0.

14. 写出一个比  $-1$  小的整数为 $-2$ .

**【解答】**解：比  $-1$  小的整数为  $-2$ ， $-3$  等，

故答案为： $-2$ .

15. 用四舍五入法对  $0.618$  取近似数（精确到  $0.1$ ）是  $0.6$ .

**【解答】**解：用四舍五入法对  $0.618$  取近似数（精确到  $0.1$ ）是  $0.6$ .

故答案为：0.6.

16. 已知  $a$ 、 $b$  互为相反数， $c$ 、 $d$  互为倒数，则  $(a+b)^2 + cd = \underline{1}$ .

**【解答】**解：依题意得： $a + b = 0$ ， $cd = 1$ ，

所以  $(a+b)^2 + cd = 0 + 1 = 1$ .

故答案为：1.

17. 当  $m = \underline{1}$  时， $3 + |m - 1|$  有最小值，最小值是  $3$ .

**【解答】**解： $\because |m - 1| \geq 0$ ，

$\therefore$  当  $m = 1$  时， $3 + |m - 1|$  有最小值，最小值是  $3$ .

故答案为：1，3.

18. 数轴上与表示-3的点的距离等于4的点表示的有理数是1或-7.

【解答】解：数轴上与-3距离等于4个单位的点有两个，

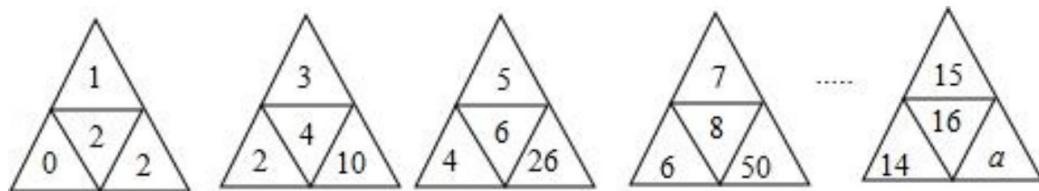
从表示-3的点向左数4个单位是-7，

从表示-3的点向右数4个单位是1.

故数轴上与表示-3的点的距离等于4的点表示的有理数是1或-7.

故答案为：1或-7.

19. 找出下列各图形中数的规律，依此， $a$ 的值为226.



【解答】解：根据题意得出规律： $14+a=15\times 16$ ，

解得： $a=226$ .

故答案为：226.

20. 四个互不相等的实数 $a$ ， $b$ ， $c$ ， $m$ 在数轴上的对应点分别为 $A$ ， $B$ ， $C$ ， $M$ ，其中 $a=4$ ， $b=7$ ， $c$ 为整数， $m=0.2(a+b+c)$ .

(1) 若 $c=10$ ，则 $A$ ， $B$ ， $C$ 中与 $M$ 距离最小的点为点 $A$ ；

(2) 若在 $A$ ， $B$ ， $C$ 中，点 $C$ 与点 $M$ 的距离最小，则符合条件的点 $C$ 有\_\_\_\_个.

【解答】解：(1)  $m=0.2(4+7+10)=4.2$ .  $AM=4.2-4=0.2$ ， $BM=7-4.2=2.8$ ，

$CM=10-4.2=5.8$ ，所以 $A$ ， $B$ ， $C$ 中与 $M$ 距离最小的点为 $A$ .

故答案为：点 $A$ .

(2)  $m=0.2(4+7+c)=2.2+0.2c$ .

①当 $c=1$ 时， $m=2.4$ .  $AM=1.6$   $BM=4.6$ ， $CM=1.4$ ，此时 $CM$ 最小.

②当 $c=2$ 时， $m=2.6$ .  $AM=1.4$   $BM=4.4$ ， $CM=0.6$ ，此时 $CM$ 最小.

③当 $c=3$ 时， $m=2.8$ .  $AM=1.2$   $BM=4.2$ ， $CM=0.2$  此时 $CM$ 最小；

所以符合条件的点  $C$  有 3 个.

故答案为: 3.

### 三. 解答题 (共 6 小题)

21. 计算:

$$(1) 12 - (-18) + (-7) - 15 ;$$

$$(2) \left( \frac{2}{3} - \frac{5}{6} + \frac{3}{4} - \frac{1}{2} \right) \div \left( -\frac{1}{24} \right) ;$$

$$(3) -3 - \left[ -5 + \left( 1 - 2 \times \frac{3}{5} \right) \div (-2) \right] ;$$

$$(4) -1^{20} + 2^3 \div (-2)^3 + (-4) \times (-3) .$$

【解答】解: (1) 原式 =  $12 + 18 + [(-7) + (-15)]$

$$= 30 + (-22)$$

$$= 8 ;$$

$$\begin{aligned} (2) \text{原式} &= \left( \frac{2}{3} - \frac{5}{6} + \frac{3}{4} - \frac{1}{2} \right) \times (-24) \\ &= \frac{2}{3} \times (-24) - \frac{5}{6} \times (-24) + \frac{3}{4} \times (-24) - \frac{1}{2} \times (-24) \\ &= -16 + 20 - 18 + 12 \end{aligned}$$

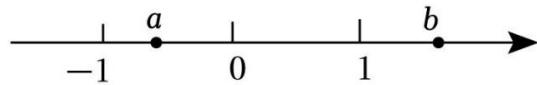
$$= -2 ;$$

$$\begin{aligned} (3) \text{原式} &= -3 - \left[ -5 + \left( 1 - \frac{6}{5} \right) \times \left( -\frac{1}{2} \right) \right] \\ &= -3 - \left( -5 + \frac{1}{10} \right) \\ &= -3 + 5 - \frac{1}{10} \\ &= 1 \frac{9}{10} ; \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (4) \text{原式} &= -1 + 8 \div (-8) + 12 \\ &= -1 - 1 + 12 \\ &= 10 . \end{aligned}$$

22. 有理数  $a$ ,  $b$  在数轴上的对应点的位置如图所示.

- (1) 判断:  $-a \_\_ < \_1$  (填“ $>$ ”, “ $<$ ”或“ $=$ ”);  
(2) 用“ $<$ ”将  $a$ ,  $a+1$ ,  $b$ ,  $-b$  连接起来(直接写出结果).



【解答】解: (1)  $\because a > -1$ ,

$$\therefore -a < 1,$$

故答案为:  $<$ ;

(2)  $\because b > 1$ ,

$$\therefore -b < -1,$$

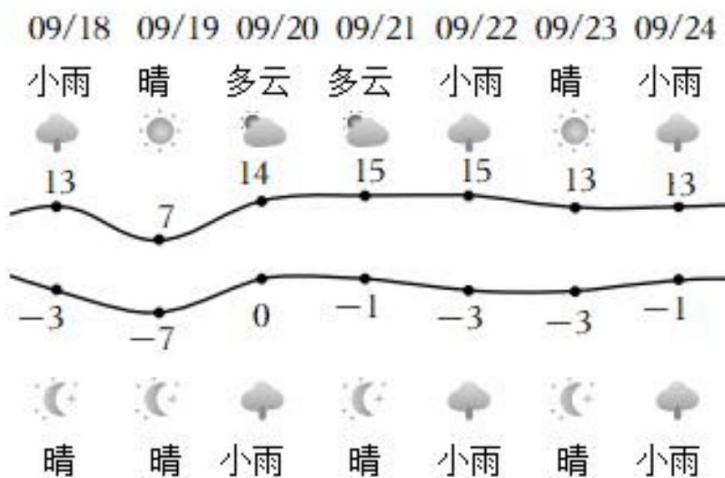
$$\because a > -1,$$

$$\therefore a+1 > 0,$$

∴用“ $<$ ”将  $a$ ,  $a+1$ ,  $b$ ,  $-b$  连接起来为:

$$-b < a < a+1 < b.$$

23. 中国最北城市——漠河在某周中的日最高最低气温(单位:  $^{\circ}\text{C}$ )如图所示:



根据图中信息回答下列问题:

- (1) 在这周内, 日最低气温达到最小值的日期是 09/19, 当天的日最低气温为  $^{\circ}\text{C}$ ;  
(2) 在这周内, 日温差最大的日期是   , 当天日温差为     $^{\circ}\text{C}$ .

**【解答】**解：(1) 在这周内，日最低气温达到最小值的日期是：09/19，当天的日最低气温为 $-7^{\circ}\text{C}$ ，

故答案为：09/19； $-7$ ；

(2) 在这周内，日温差最大的日期是：09/22，当天日温差为： $15 - (-3) = 15 + 3 = 18(^{\circ}\text{C})$ ，

故答案为：09/22；18.

24. 数轴上表示数 $x$ 的点与原点的距离，记作 $|x|$ .

(1) 数轴上表示数 $x$ 的点与表示 $-1$ 的点的距离，可以记作 $\_\_|x+1|\_\_$ ；

(2) 当 $x=0$ 时， $|x-1|-|x+1|$ 的值为 $\_\_$ ；当 $x=1$ 时， $|x-1|-|x+1|$ 的值为 $\_\_$ ；  
当 $x=-1$ 时， $|x-1|-|x+1|$ 的值为 $\_\_$ .

(3) 当 $x$ 分别取 $\pm 2$ ,  $\pm 3$ , ..., 请你计算 $|x-1|-|x+1|$ 的值，然后观察，思考并得出结论：对于有理数 $a$ ，当 $x$ 取任意一对相反数 $m$ 与 $-m$ 的值时， $|x-a|-|x+a|$ 的两个值的关系是 $\_\_$ .

**【解答】**解：(1) 根据题意可得，数轴上表示数 $x$ 的点与表示 $-1$ 的点的距离，可以记作 $|x+1|$ ；

故答案为： $|x+1|$ ；

(2) 当 $x=0$ 时， $|x-1|-|x+1|=|0-1|-|0+1|=1-1=0$ ；

当 $x=1$ 时， $|x-1|-|x+1|=|1-1|-|1+1|=0-2=-2$ ；

当 $x=-1$ 时， $|x-1|-|x+1|=|-1-1|-|-1+1|=2-0=2$ ；

故答案为：0, -2, 2;

(3) 当 $x$ 分别取 $\pm 2$ ,  $\pm 3$ 时，

当 $x=2$ 时， $|x-1|-|x+1|=|2-1|-|2+1|=1-3=-2$ ；

当 $x=-2$ 时， $|x-1|-|x+1|=|-2-1|-|-2+1|=3-1=2$ ；

当 $x=3$ 时， $|x-1|-|x+1|=|3-1|-|3+1|=2-4=-2$ ；

当 $x=-3$ 时， $|x-1|-|x+1|=|-3-1|-|-3+1|=4-2=2$ ；

.....

对于有理数  $a$ , 当  $x$  取任意一对相反数  $m$  与  $-m$  的值时,  $|x-a|-|x+a|$  的两个值的关系是互为相反数.

故答案为: 互为相反数.

25. 先阅读下面材料, 再完成任务:

**【材料】**

下列等式:  $4 - \frac{3}{5} = 4 \times \frac{3}{5} + 1$ ,  $7 - \frac{3}{4} = 7 \times \frac{3}{4} + 1$ , ..., 具有  $a - b = ab + 1$  的结构特征, 我们把满足这一特征的一对有理数称为“共生有理数对”, 记作  $(a, b)$ . 例如:  $(4, \frac{3}{5})$ 、 $(7, \frac{3}{4})$  都是“共生有理数对”.

**【任务】**

- (1) 在两个数对  $(-2, 1)$ 、 $(2, \frac{1}{3})$  中, “共生有理数对”是  $\underline{\quad(2, \frac{1}{3})\quad}$ .
- (2) 请再写出一对“共生有理数对” \_\_\_\_; (要求: 不与题目中已有的“共生有理数对”重复)
- (3) 若  $(x, -2)$  是“共生有理数对”, 求  $x$  的值;
- (4) 若  $(m, n)$  是“共生有理数对”, 判断  $(-n, -m)$  是不是“共生有理数对”, 并说明理由.

**【解答】** 解: (1)  $\because (-2) - 1 = -3$ ,  $(-2) \times 1 + 1 = -1$ ,  $-3 \neq -1$ ,

$\therefore (-2, 1)$  不是“共生有理数对”;

$$\therefore 2 - \frac{1}{3} = \frac{5}{3}, \quad 2 \times \frac{1}{3} + 1 = \frac{5}{3}, \quad \frac{5}{3} = \frac{5}{3},$$

$\therefore (2, \frac{1}{3})$  是“共生有理数对”;

故答案为:  $(2, \frac{1}{3})$ ;

(2) 设一对“共生有理数对”为  $(x, -3)$ ,

$$\therefore x - (-3) = -3x + 1,$$

$$\therefore x = -\frac{1}{2},$$

$\therefore$  这一对“共生有理数对”为  $(-\frac{1}{2}, -3)$ ,

故答案为:  $(-\frac{1}{2}, -3)$ ;

(3)  $\because (x, -2)$  是“共生有理数对”,

$$\therefore x - (-2) = -2x + 1,$$

$$\therefore x = -\frac{1}{3};$$

(4)  $(-n, -m)$  是“共生有理数对”, 理由:

$\because (m, n)$  是“共生有理数对”,

$$\therefore m - n = mn + 1,$$

$$\therefore -n - (-m) = (-n)(-m) + 1,$$

$\therefore (-n, -m)$  是“共生有理数对”,

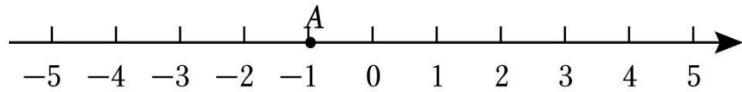
26. 在数轴上有  $A$ ,  $B$  两点, 点  $B$  表示的数为  $b$ . 对点  $A$  给出如下定义: 当  $b \geq 0$  时, 将点  $A$  向右移动 2 个单位长度, 得到点  $P$ ; 当  $b < 0$  时, 将点  $A$  向左移动  $|b|$  个单位长度, 得到点  $P$ . 称点  $P$  为点  $A$  关于点  $B$  的“联动点”. 如图, 点  $A$  表示的数为  $-1$ .

(1) 在图中画出当  $b = 4$  时, 点  $A$  关于点  $B$  的“联动点”  $P$ ;

(2) 点  $A$  从数轴上表示  $-1$  的位置出发, 以每秒 1 个单位的速度向右运动. 点  $B$  从数轴上表示 7 的位置同时出发, 以相同的速度向左运动, 两个点运动的时间为  $t$  秒.

①点  $B$  表示的数为  $7 - t$  (用含  $t$  的式子表示);

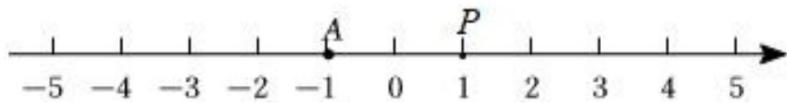
②是否存在  $t$ , 使得此时点  $A$  关于点  $B$  的“联动点”  $P$  恰好与原点重合? 若存在, 请求出  $t$  的值; 若不存在, 请说明理由.



【解答】解: (1)  $\because$  当  $b \geq 0$  时, 将点  $A$  向右移动 2 个单位长度, 得到点  $P$ ;

$$\therefore P$$
 表示的数是  $-1 + 2 = 1$ ,

如图:



(2) ①点  $B$  表示的数为  $7-t$ ,

故答案为:  $7-t$ ;

②不存在  $P$  恰好与原点重合, 理由如下:

$A$  表示的数是  $-1+t$ ,

当  $7-t \geq 0$ ,  $P$  表示的数是  $-1+t+2=t+1 > 0$ ,

$\therefore$  此时不存在  $P$  恰好与原点重合;

当  $7-t < 0$  时,  $P$  表示的数是  $-1+t-|7-t|=-1+t-(t-7)=6$ ,

$\therefore$  此时不存在  $P$  恰好与原点重合,

综上所述, 不存在  $P$  恰好与原点重合.