

初一数学统练 (2)

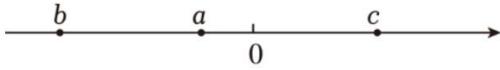
一、选择题

1. -3 的相反数是 ()
- A. -3 B. 3 C. $-\frac{1}{3}$ D. $\frac{1}{3}$
2. 在数轴上 A 点表示的数为 -5 , 点 B 表示的数为 2 , 则线段 AB 的长为()
- A. -3 B. 5 C. 6 D. 7
3. 下列 7 个数: $-\frac{7}{4}$ 、 1.010010001 、 $\frac{4}{33}$ 、 0 、 $-\pi$ 、 $-3.2626626662\cdots$ (每两个 2 之间依次多一个 6)、 $0.\dot{1}\dot{2}$, 其中有理数有 () 个
- A. 3 B. 4 C. 5 D. 6
4. 共享开放机遇, 共创美好生活.2023 年 4 月 10 日至 15 日, 第三届中国国际消费品博览会在海南省海口市举行, 以“打造全球消费精品展示交易平台”为目标, 进场观众超 32 万人次, 将数据 320000 用科学记数法表示为()
- A. 3.2×10^4 B. 3.2×10^5 C. 3.2×10^6 D. 32×10^4
5. 某品牌酸奶外包装上标明“净含量: $300 \pm 5ml$ ”; . 随机抽取四种口味的这种酸奶分别称重如下表. 其中, 净含量不合格的是 ()
- | 种类 | 原味 | 草莓味 | 香草味 | 巧克力味 |
|--------|-----|-----|-----|------|
| 净含量/ml | 295 | 300 | 310 | 305 |
- A. 原味 B. 草莓味 C. 香草味 D. 巧克力味
6. a 、 b 两数在数轴上的位置如图所示, 将 a 、 b 、 $-a$ 、 $-b$ 用“ $<$ ”连接, 正确的是 ()
-
- A. $-b < a < -a < b$ B. $a < -b < -a < b$
C. $a < b < -a < -b$ D. $-b < -a < a < b$
7. 已知 a , b 都是实数, 若 $(a+2)^2 + |b-1| = 0$, 则 $(a+b)^{2023}$ 的值是 ()
- A. -2023 B. -1 C. 1 D. 2023

8. 已知有理数 a, b, c 在数轴上的对应点的位置如图所示, 且满足 $|a| < |c| < |b|$,

则下列各式: ① $-b > -c > -a$; ② $a+b+c > 0$; ③ $\frac{ab}{|ab|} - \frac{|ac|}{ac} = 0$;

④ $|a+b| = |a| + |b|$. 其中正确的有 ()



- A. 0 个 B. 1 个 C. 2 个 D. 3 个

二、填空题

9. 比较大小: $-\frac{4}{5}$ _____ $-\frac{7}{8}$. (填“ $>$ ”“ $=$ ”或“ $<$ ”)

10. 若 $a > 0$, $b < 0$, 且 $a+b > 0$, 则 $|a|$ _____ $|b|$. (填“ $>$ ”“ $=$ ”或“ $<$ ”)

11. 计算:

$$(1) -(-3) = \underline{\hspace{2cm}}; \quad (2) (-2)^3 = \underline{\hspace{2cm}};$$

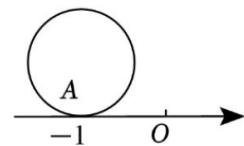
$$(3) -2^2 \times 3 = \underline{\hspace{2cm}}; \quad (4) 99\frac{7}{8} \times 16 = \underline{\hspace{2cm}}.$$

12. 若 a, b 是互为相反数, c 的绝对值为 2, m 与 n 互为倒数, 则 $\frac{a+b}{c^{2001}} + c^2 - 4mn$
 $= \underline{\hspace{2cm}}$.

13. 定义一种新运算: $a * b = a^2 - 3b$, 则 $(3 * 2) * (-1) = \underline{\hspace{2cm}}$.

14. 如图, 已知直径为 1 个单位长度的圆形纸片上的点 A

与数轴上表示 -1 的点重合, 若将该圆形纸片沿数轴滚



动一周 (无滑动) 后点 A 与数轴上的点 A' 重合, 则点

A' 表示的数为 _____.

15. 面粉厂生产一种面粉, 每袋以 $5kg$ 为标准. 现抽检 10 袋面粉的质量与标准质量的差值情况如下表所示: (超过 $5kg$ 记为“+”, 不足 $5kg$ 记为“-”)

| 袋数 | 2 | 2 | 3 | 3 |
|-------|-------|-------|---|------|
| 差值/kg | -0.15 | -0.10 | 0 | 0.10 |

这 10 袋面粉的平均质量是 _____ kg.

16. 如图, 在一个三阶幻方中, 填写了一些数、式子和汉字(其中每个式子或汉字都表示一个数), 若处于每一横行、每一竖列, 以及两条斜对角线上的三个数之和都相等, 则这个幻方中“耀”对应的值为_____.

| | | |
|-------|----|--------|
| $a+1$ | 12 | 闪 |
| 群 | 7 | $-a-3$ |
| 5 | 星 | 耀 |

17. 下列说法:

- ①若 $\frac{a}{b} = -1$, 则 a 、 b 互为相反数;
- ②若 $a+b < 0$, 且 $\frac{b}{a} > 0$, 则 $|a+2b| = -a-2b$;
- ③若 $-1 < a < 0$, 则 $a^2 > -\frac{1}{a}$;
- ④若 $a+b+c < 0$, $ab > 0$, $c > 0$, 则 $|-a| = -a$,

其中正确的序号为_____.

18. 一组按规律排列的数: $-2, \frac{4}{3}, -\frac{8}{5}, \frac{16}{7}, -\frac{32}{9}, \dots$, 其中第 7 个数是_____, 第 n (n 为正整数) 个数是_____.

三、解答题

19. 在数轴上表示下列各数, 并按从小到大的顺序用“<”把这些数连接起来.

$$3.5, -3, 0, 2\frac{1}{2}, -\frac{3}{2}.$$

20. 计算与解释.

小杨同学做一道计算题的解题过程如下: $24 \times \frac{1}{4} + 2 \div (\frac{1}{2} - \frac{1}{3})$

$$\text{解: 原式} = 24 \times \frac{1}{4} + 2 \div \frac{1}{2} - 2 \div \frac{1}{3} \textcircled{1}$$

$$= 24 \times \frac{1}{4} + 2 \times 2 - 2 \times 3 \textcircled{2}$$

$$= 6 + 4 - 6 \textcircled{3}$$

$$= 4 \textcircled{4}$$

根据小杨同学的计算过程，回答下列问题：

- (1) 他的计算过程是否正确？_____（填写“正确”或“错误”）；
(2) 如有错误，他在第____步出错了（只填写序号），并请写出正确的解答过程.

21. 计算：

$$(1) 3\frac{2}{3} - \left(5.75 - 3\frac{1}{4} \right);$$

$$(2) -23 - \left(+3\frac{2}{5} \right) - (-3) + \left(-1\frac{3}{5} \right);$$

$$(3) (-24) \times \left(\frac{5}{6} - 1\frac{1}{3} + \frac{3}{8} \right);$$

$$(4) \left(3\frac{15}{16} - 2.1 \right) \times \frac{5}{7} + 1\frac{7}{8} \div 10;$$

$$(5) -2.5 \div \left(-\frac{5}{8}\right) \times \frac{1}{3^2} \div \left(-\frac{2}{3}\right)^2;$$

$$(6) -5^2 \times \left|1 - \frac{7}{5}\right| + \frac{3}{2} \times [(-1)^3 - 5].$$

22. 有理数 a 、 b 、 c 在数轴上的位置如图.

(1) 用“ $>$ ”或“ $<$ ”填空: $-b \underline{\hspace{1cm}} 0$, $a - b \underline{\hspace{1cm}} 0$, $b - c \underline{\hspace{1cm}} 0$,

$c - a \underline{\hspace{1cm}} 0$.

(2) 化简: $|a - b| - |b - c| + |c - a|$.



四、附加题

23. 将正偶数按下表排列：

| | 第 1 列 | 第 2 列 | 第 3 列 | 第 4 列 |
|-------|-------|-------|-------|-------|
| 第 1 行 | 2 | | | |
| 第 2 行 | 4 | 6 | | |
| 第 3 行 | 8 | 10 | 12 | |
| 第 4 行 | 14 | 16 | 18 | 20 |
| | | | | |

根据上面的规律，则 2012 所在行、列分别是_____，_____.

24. 计算： $\frac{3}{2} - \frac{5}{6} + \frac{7}{12} - \frac{9}{20} + \frac{11}{30} - \frac{13}{42} + \frac{15}{56} - \frac{17}{72} + \frac{19}{90}$.

25. 对于正整数 a ，我们规定：若 a 为奇数，则 $f(a) = 3a + 1$ ；若 a 为偶数，则

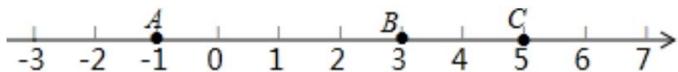
$$f(a) = \frac{a}{2} . \text{ 例如 } f(15) = 3 \times 15 + 1 = 46 , \quad f(10) = \frac{10}{2} = 5 . \text{ 若 } a_1 = 8 , \quad a_2 = f(a_1) ,$$

$a_3 = f(a_2)$ ， $a_4 = f(a_3)$ ，…，依此规律进行下去，得到一列数 $a_1, a_2, a_3, a_4, \dots$ ，

a_n ，…（ n 为正整数），则 $a_3 = \underline{\hspace{2cm}}$ ， $a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_{2014} = \underline{\hspace{2cm}}$.

26. 已知数轴上 A , B , C 三点对应的数分别为 -1 、 3 、 5 , 点 P 为数轴上任意一点, 其对应的数为 x . 点 A 与点 P 之间的距离表示为 AP , 点 B 与点 P 之间的距离表示为 BP .

- (1) 若 $AP = BP$, 则 $x = \underline{\hspace{2cm}}$;
- (2) 若 $AP + BP = 8$, 则 $x = \underline{\hspace{2cm}}$; 若 $AP - BP = 2$, 则 $x = \underline{\hspace{2cm}}$;
- (3) 若点 P 从点 C 出发, 以每秒 3 个单位的速度向右运动, 点 A 以每秒 1 个单位的速度向左运动, 点 B 以每秒 2 个单位的速度向右运动, 三点同时出发. 设运动时间为 t 秒, 试判断: $4BP - AP$ 的值是否会随着 t 的变化而变化? 请说明理由.



27. 对于数轴上的线段 AB 与不在线段 AB 上的点 P , 给出如下定义: 若点 P 与线段 AB 上的一点的距离等于 a ($a>0$), 则称点 P 为线段 AB 的“ a 距点”. 已知: 数轴上点 A , B 两点表示的数分别是 m , $m+1$.

(1) 当 $m=1$ 时, 在 -2 , -1 , 2.5 三个数中, _____是线段 AB 的“2 距点”所表示的数;

(2) 若数轴上的点 P 为线段 AB 的“ a 距点”, 则 a 的最大值与最小值的差为_____;

(3) 若数轴上 -2 所对应的点是线段 AB 的“ a 距点”, 且 a 的最大值与最小值的比为 $2:1$, 求 m 的值.

